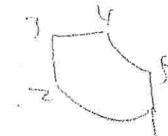


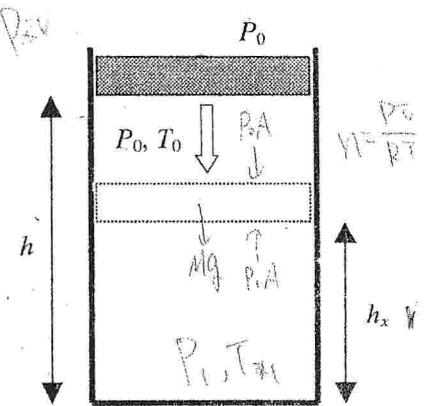
# 平成 17 年度 熱力学 I (石井)



以下の問に答えよ。ただし、気体はすべて理想気体として取り扱うものとする。数値で答える設問では必ず単位を付記し、有効数字は 3 術とせよ。

1. 右図のように、圧力  $P_0$ 、温度  $T_0$ 、比熱比  $\kappa$  の気体が、断面積  $A$  のシリンダに満たされている。このとき以下の問に答えよ。ただし、  
気体定数は  $R$ 、外気圧力は  $P_0$ 、重力加速度は  $g$  とする。

- (1) 質量  $M$  のピストンを高さ  $h$  から静かに落下させる。釣り合いの位置でのピストンの高さ  $h_1$ 、気体の圧力  $P_1$ 、温度  $T_1$  を求めよ。  
気体は等エントロピー変化をし、摩擦は無視できるものとする。
- (2) (1)で、気体が等温変化をしたときの釣り合い位置でのピストン高さ  $h_2$ 、気体の圧力  $P_2$ 、温度  $T_2$ 、気体が得た熱量  $Q$  を求めよ。



2. 0°C の氷 10.0 g と 90°C の水 20.0 g の定圧下での混合を考える。氷の融解熱は 5980 kJ/kmol、水の比熱は温度によらず 4.19 kJ/kg K、水の分子量は 18.0 kg/kmol として、以下の問に答えよ。

- (1) 水の最終温度はいくらか。  
(2) 上記の過程はどのようにしたら可逆的に行えるか説明せよ。また、その場合の氷と水で構成される系のエントロピー変化はいくらか  
(3) 水に氷を直接加える場合のエントロピー変化はいくらか。



3. 断熱圧縮 (1-2)、等圧加熱 (2-3)、断熱膨張 (3-4)、等容冷却 (4-1) から構成されるサイクルをディーゼルサイクルと言う。

- (1) このサイクルの  $P-V$  線図を描け。  
(2) このサイクルの熱効率  $\eta$  を  $T_1, T_2, T_3, T_4$  および比熱比  $\kappa$  を用いて表せ。  
(3)  $\kappa$ 、圧縮比  $\varepsilon$  ( $=V_1/V_2$ )、締切比  $\rho$  ( $=V_3/V_2$ ) および  $T_1$  を用いて、 $T_2, T_3, T_4$  を表せ。  
(4) 以上より、ディーゼルサイクルの熱効率  $\eta$  を  $\kappa, \varepsilon, \rho$  のみで表せ。

$$\eta = \frac{1}{\varepsilon^{\kappa-1}} \cdot \frac{T_3 - T_4}{T_3}$$

$$PV = \frac{m}{M} RT \quad M =$$

平成 20 年 2 月 5 日

## 平成 19 年度 熱力学□ (石井)

以下の問いに答えよ。ただし気体はすべて理想気体として取り扱えるものとし、一般気体定数  $\bar{R} = 8.314 \text{ kJ/kmol}\cdot\text{K}$  とする。また数値で答える設問では必ず単位を付記し、有効数字は 3 術とせよ。

$$PV = nRT$$

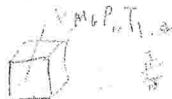
1. 質量  $m_1 = 1.19 \times 10^{-2} \text{ kg}$  の未知の気体は、圧力  $P_1 = 1.00 \times 10^{-1} \text{ MPa}$ 、温度  $T_1 = 293 \text{ K}$  のとき、容積  $V_1 = 1.00 \times 10^{-2} \text{ m}^3$  を占めることがわかっている。このとき、以下の問いに答えよ。

(1) この気体の分子量  $M$  はいくらか。

(2) 容積を一定として、この気体  $m_1 [\text{kg}]$  の温度を  $T_2 = 350 \text{ K}$  まで上昇させるために必要な熱量は  $Q_{12} = 853 \text{ J}$  であった。この気体の定圧比熱  $c_p [\text{J/kg}\cdot\text{K}]$  および定容比熱  $c_v [\text{J/kg}\cdot\text{K}]$  はいくらか。また、この気体の比熱比  $\kappa$  はいくらか。

(3) この気体  $m_2 = 2.00 \text{ kg}$  を圧力  $P_1$ 、温度  $T_2$  の状態から一定圧力のまま加熱したところ、容積が 1.50 倍になった。このとき、加熱後の気体の温度  $T_3 [\text{K}]$  および容積  $V_3 [\text{m}^3]$ 、加熱に必要な熱量  $Q_{23} [\text{J}]$ 、気体が外部に対して成した仕事  $W_{23} [\text{J}]$  はいくらか。

$$P_1, T_1 \rightarrow T_2$$



$$Q - W_{23} = U$$



2. 圧力  $P_1 [\text{Pa}]$ 、体積  $V_1 [\text{m}^3]$ 、温度  $T_1 [\text{K}]$  の気体が同体積の真空容器に自由膨張する。熱力学的平衡に達した後の気体の圧力  $P_2 [\text{Pa}]$ 、温度  $T_2 [\text{K}]$ 、エントロピー変化  $\Delta S [\text{J/K}]$  を  $P_1, V_1, T_1$  を用いて表せ。

$$V = \left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_V T$$

$$\Delta S =$$

3.  $T_1 = 1500 \text{ K}$  の高温熱源と  $T_2 = 300 \text{ K}$  の低温熱源の間で動作する可逆サイクルがある。このサイクルが高温熱源から受け取る熱量が 1 サイクルあたり  $Q_1 = 100 \text{ kJ}$  であり、1 秒間で 20 サイクル動作するとする。このとき、以下の問いに答えよ。

(1) このサイクルの熱効率  $\eta$  および 1 サイクルあたりの仕事  $W [\text{kJ}]$  を求めよ。

(2) このサイクルの動力  $P [\text{kW}]$  および低温熱源に放出する熱流量  $\dot{Q}_2 [\text{kJ/s}]$  を求めよ。

$$T_1, T_2, Q_1$$

4. 等エントロピー圧縮 ( $1 \rightarrow 2$ )、等圧加熱 ( $2 \rightarrow 3$ )、等エントロピー膨張 ( $3 \rightarrow 4$ )、等圧冷却 ( $4 \rightarrow 1$ ) から成るサイクルをブレイトンサイクルという。

(1) このサイクルの  $P-V$  線図を描け。



(2) このサイクルの熱効率  $\eta$  を温度  $T_1, T_2, T_3, T_4$  のみを用いて表せ。

(3) 圧力比  $r = P_2/P_1$  として、このサイクルの熱効率  $\eta$  を  $r$  と比熱比  $\kappa$  のみで表せ。

# 平成 20 年度 熱力学 I (石井)

以下の問い合わせに答えよ。ただし気体はすべて理想気体として取り扱えるものとし、一般気体定数  $\bar{R} = 8.314 \text{ kJ/kmol}\cdot\text{K}$ 、空気の分子量  $M_{\text{air}} = 29.0 (\text{kg}/\text{kmol})$ 、空気の比熱比  $\kappa = 1.40$ 、 $0^\circ\text{C} = 273.15\text{K}$  とする。また数値で答える設問では必ず単位を付記し、有効数字は 3 桁とせよ。

50

1. 圧力  $P_1 = 1.00 \times 10^{-1} \text{ MPa}$ 、温度  $T_1 = 373 \text{ K}$ 、容積  $V_1 = 1.00 \times 10^{-3} \text{ m}^3$  の空気を 圧力一定 の条件で加熱して  $T_2 = 873 \text{ K}$  とした。このとき、以下の問い合わせに答えよ。
  - (1) 空気の質量  $m$  はいくらか。
  - (2) 加熱後の空気の容積  $V_2$  はいくらか。
  - (3) 空気がなした仕事  $W$ 、加熱に要した熱量  $Q$ 、加熱前後での内部エネルギーの変化  $\Delta U$ 、エンタルピーの変化  $\Delta H$ 、エントロピー変化  $\Delta S$  はいくらか。
2.  $0^\circ\text{C}$  の氷  $10.0 \text{ g}$  と  $90^\circ\text{C}$  の水  $20.0 \text{ g}$  の混合を考える。氷の融解熱は  $6012 \text{ kJ/kmol}$ 、水の比熱は温度によらず  $4.19 \text{ kJ/kg}\cdot\text{K}$ 、水の分子量は  $18.0 (\text{kg}/\text{kmol})$  とする。このとき以下の問い合わせに答えよ。
  - (1) 水の最終温度  $t (\text{ }^\circ\text{C})$  はいくらか。
  - (2) 氷と水で構成される系の混合前後でのエントロピー変化はいくらか。
  - (3) 上記の過程はどのようにしたら可逆的に行えるか説明せよ。また、その場合の系のエントロピー変化はいくらか。
3. 断熱圧縮 (1-2)、等圧加熱 (2-3)、断熱膨張 (3-4)、等容冷却 (4-1) から構成されるサイクルをディーゼルサイクルと言う。
  - (1) このサイクルの  $P-V$  線図を描け。
  - (2) このサイクルの熱効率  $\eta$  を  $T_1, T_2, T_3, T_4$  および比熱比  $\kappa$  を用いて表せ。
  - (3) 比熱比  $\kappa$ 、圧縮比  $\varepsilon (= V_1/V_2)$ 、締切比  $\rho (= V_3/V_2)$  および  $T_1$  を用いて、 $T_2, T_3, T_4$  を表せ。
  - (4) 以上より、ディーゼルサイクルの熱効率  $\eta$  を  $\kappa, \varepsilon, \rho$  のみで表せ。

## 平成 21 年度 熱力学 I (石井) 中間試験

以下の問い合わせよ。ただし気体はすべて理想気体として取り扱えるものとし、一般気体定数  $\bar{R} = 8.314 \text{ J/mol}\cdot\text{K}$ 、空気の分子量  $M_{\text{air}} = 29.0 \text{ (kg/kmol)}$ 、空気の比熱比  $\kappa = 1.40$  とする。なお、解答に至る途中過程を必ず明記し、解答には単位を付記すること。また、有効数字は 3 桁とせよ。

1. 圧力  $1.00 \text{ MPa}$ 、温度  $300 \text{ K}$  で、 $5.00 \times 10^{-1} \text{ m}^3$  の容器内にある酸素の質量を求めよ。ただし酸素の分子量は  $32.0 \text{ (kg/kmol)}$  とする。
2. 圧力  $p_1 = 3.00 \times 10^{-1} \text{ MPa}$ 、温度  $T_1 = 288 \text{ K}$ 、質量  $m = 50.0 \text{ kg}$  の空気を一定圧力で  $T_2 = 393 \text{ K}$  まで加熱した。このとき加熱後の空気の体積  $V_2$ 、空気に加えられた熱量  $Q_{12}$ 、空気がした膨脹仕事  $W_{12}$ 、空気の内部エネルギー変化  $\Delta U_{12}$  およびエンタルピー変化  $\Delta H_{12}$  を求めよ。
3. 圧力  $1.00 \times 10^{-1} \text{ MPa}$ 、温度  $273 \text{ K}$  の空気  $2.00 \text{ kg}$  を断熱圧縮すると、温度が  $873 \text{ K}$  となった。圧縮後の圧力および圧縮に要した仕事はいくらか。

# 平成 21 年度 热力学 I (石井)

以下の問い合わせに答えよ。なお、数値で回答する場合には必ず単位を付記し、設問 1 では有効数字 2 衔、設問 2 および設問 3(5)では有効数字 3 衔で回答すること。

1. 1000 K の高温熱源と 300 K の低温熱源の間で動作するカルノーサイクルがある。等温膨張過程において、単位質量の作動流体が高温熱源から受け取る熱量は 300 kJ/kg であった。

- (1) このサイクルの熱効率  $\eta$  を求めよ。
- (2) 作動流体 1 kgあたりにサイクルが成す仕事  $w$  を求めよ。
- (3) 作動流体 1 kgあたりが低温熱源に捨てる熱量  $q_2$  を求めよ。

2. 0°C の氷 10.0 g と 90°C の水 20.0 g の混合を考える。氷の融解熱は 6012 kJ/kmol、水の比熱は温度によらず 4.19 kJ/kg·K、水の分子量は 18.0 (kg/kmol)、絶対零度は -273.15°C とする。

- (1) 混合後の水の温度  $t$  (°C) はいくらか。
- (2) 氷と水で構成される系の混合前後でのエントロピー変化はいくらか。
- (3) 上記の過程はどのようにしたら可逆的に行えるか説明せよ。

3. 断熱圧縮 ( $1 \rightarrow 2$ )、等容加熱 ( $2 \rightarrow 3$ )、断熱膨張 ( $3 \rightarrow 4$ )、等容冷却 ( $4 \rightarrow 1$ ) から成るサイクルをオットーサイクルと言う。

- (1) このサイクルの  $P-V$  線図を描け。
- (2) このサイクルの熱効率  $\eta$  を  $T_1, T_2, T_3, T_4$  のみを用いて表せ。
- (3) 比熱比  $\kappa$ 、圧縮比  $\varepsilon$  ( $V_1/V_2$ )、圧力上昇比  $\xi$  ( $P_3/P_2$ ) および  $T_1$  のみを用いて  $T_2, T_3, T_4$  を表せ。
- (4) 以上から、オットーサイクルの熱効率  $\eta$  を  $\varepsilon$  のみを用いて表せ。
- (5) 圧縮比 9.90 のオットーサイクルの理論熱効率を求めよ。ただし、作動気体は理想気体として取り扱えるものとし、その分子量は 27.7 (kg/kmol)、定圧比熱は 1.05 kJ/kg·K、一般気体定数は 8.314 J/mol·K とせよ。