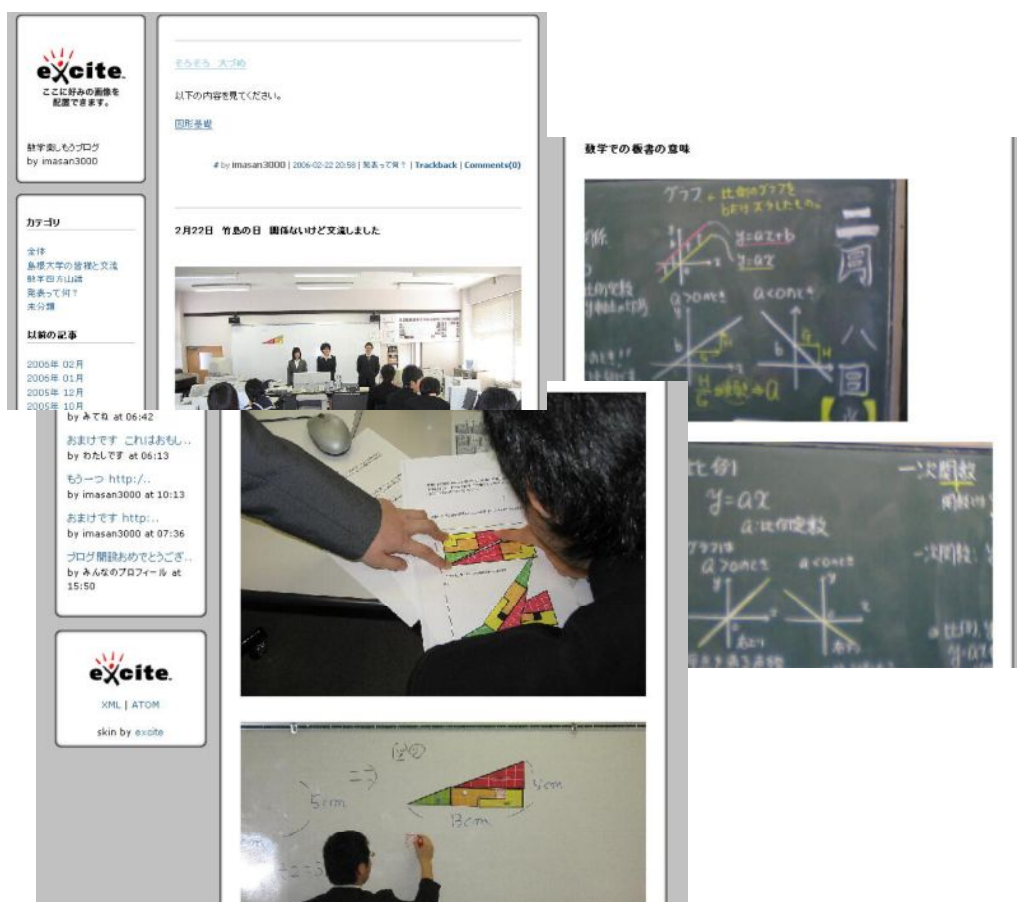


パソコンを使った 図形領域の指導について ～図形領域における 基礎基本について考察～

インターネット・ブログを使って
小さな学校の我々はもっと交流しよう



大田市立仁摩中学校
今口 秀明

はじめに

数学教育の危機

理系離れは数学嫌い(遊び経験の貧困化)

理系離れは活字離れ 言葉の能力の低下

数学における言葉の能力を高めるには

その1 記述式問題の訓練

その2 概念公式などの暗記教育からの脱却

そのための 時間の確保

毎日新聞で高村 薫氏は語る

ただでさえ学力が低下しているときに、これ以上ものを考えないパソコン教育をしていてどうするのだろうか。そんな暇があったら、作文を一つ書かせた方がよほど頭のためになるし、順序から言えばそちらが先だと思う。よく言われることだが、明確な日本語の論文を書く学者は、専門分野の研究も優れているそうである。

数学にコンピュータを導入するための根本的な問題

10ある数学の時間を8にして2をパソコンで

10ある数学の時間に2を加えてパソコンを

この2つには大きな違いがある。

小学校では週5時間の算数が、中学校では週3時間の数学になる。この問題

「ゆとりある教育」のための学校週五日制と総合学習の導入

教科時数と内容の大幅な削減

微積分もできない技術者が設計した飛行機に乗って世界旅行をしよう

キャリア教育の視点から

「女子学生が就職難」の本質

生徒・学生数の増加を見ない「就職難」の数字

「受験勉強＝悪いこと」とうまちがった考え

国民のほぼ全員が読み書きできる国

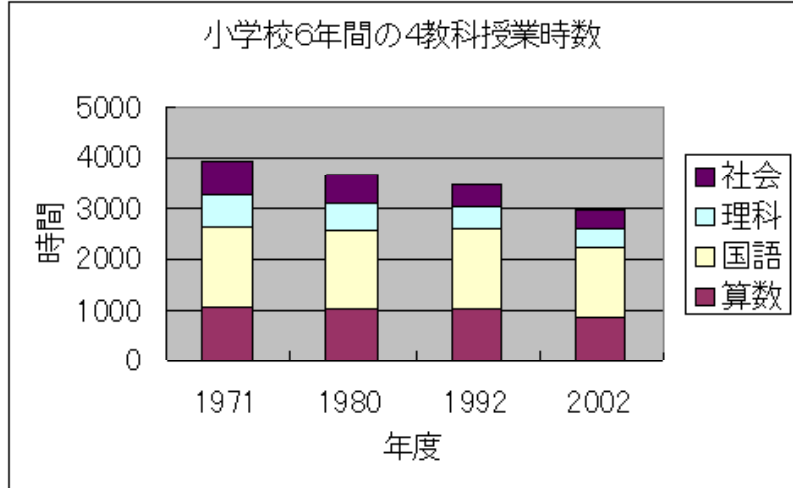
受験戦争がいじめやすさんだ心を本当に作っているのか

現在の社会をどう説明するのか

知っておかねばならないこと

まちがった？「ゆとり教育」

ゆとりをつくるためにゆとりのなくなった教育



他教科からも

減少する中学英語の文法事項				
	必修語数	新語表	文法事項	文型
1958	520	1300	20項	33
1969	610	1100	21項	37
1977	490	1050	13項	22
1989	507	1000	11項	21
1999	100	900	11項	21

数学教育 京都大学教授 上野健爾氏の声から

解の公式 を省略した数学教育について考える

解の公式を知らなくても人生に不自由はない。

地動説を知らなくても人生に不自由はない。

俳句を詠めなくても人生に不自由はない。

だから教えない。という発想は正しいのか？

中学1年生の数学の授業時数は欧米の7割 中国の6割

仮説

数学における基礎基本とは何か。

数学科の目標

- ①数量、図形などに関する基礎的な概念や原理・法則の理解を深め、数学的な表現や処理の仕方を習得する。
- ②事象を数理的に考察する能力を高める。
- ③数学的活動の楽しさ、数学的なものの見方考え方の良さを知り、それらを進んで活用する態度を育てる。

どうしても数学の基礎基本は、計算力に目が向くわけですが、決してそれだけではないでしょう。

- ①計算における基本的な計算技能、能力
- ②基本的概念(数量関係や図形)
- ③数学的な見方や考え方における基礎
- ④数学学習の仕方、勉強法

考察

図形領域における基礎基本を大切にする指導法とは。

図形指導の意義

(1) 図形の概念形成と性質の理解

- ①基本的な図形の概念や性質を系統的に理解する。
- ②図に表したり、正しく作図したりする能力を育てる。
- ③図形についての知識や技能を活用する能力を伸ばす。

(2) 論理的な思考力の育成

- ①図形に対する直感や洞察の能力をのばす。
- ②数学的な推論の理解と論理的に表現する能力を伸ばす。

図形領域指導の基本的な考え方

観察や実験を通して「不思議に思うこと」「疑問に思うこと」「当面解決しなければならないこと」をよく観察し見通しを持って結果を予想し。予想した結果を確かめるために、他の人と意見交換をしたり操作や実験を試みる数学的活動を行う。

基礎基本とは、この意見交換のための知識や技能をいうのではないか。

検証

授業設定の工夫

何か気になることはないかな？をおさえる。

つまり

「何か気になることはないかな。」という発問に対して反応できる生徒の育成。

すなわち

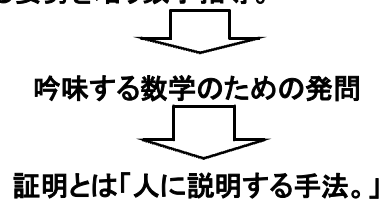
「不思議に思うこと」「疑問に思うこと」「当面解決しなければならないこと」とは

生徒は指導者が何を聞いているのかを知らないと答えられない。

数学の中での気づきとは

- 長さ
- 角度
- いつも変化しないもの
- 合同、相似

「不思議に思うこと」「疑問に思うこと」「当面解決しなければならないこと」を自分の意見として人に伝え、そして、人と吟味する姿勢を培う数学指導。



人に説明したくなるような課題の設定にパソコンを活用する。

「不思議に思うこと」「疑問に思うこと」「当面解決しなければならないこと」を自分の意見として見いだせる生徒。

そのうえで

この図形は○○だ。というためには**定義**を示す。

だから**定義**はおぼえていないといけない。

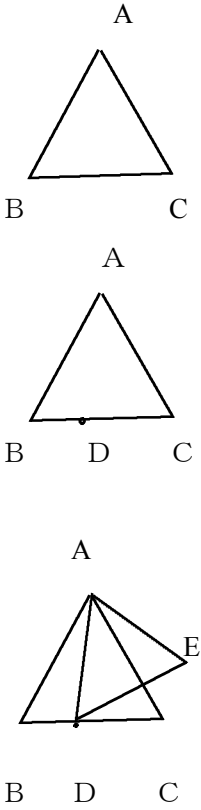
この2つは合同(相似)だから～。というためには**合同(相似)条件**{定理}を示す。

だから**合同(相似)条件**はおぼえておく。

数学学習の必然性と有用性を考える。

例題1

授業展開

	展開内容	発問と支援	器具の利用	つきたい力
導入	5分間 「作図の復習」	平面上の点から垂線を引く作図を思い出そう。	mpg画像	作図能力
展開	問題を示す。	<p>教師の発問</p> <p>「今、正三角形があるね。その正三角形を$\triangle ABC$としよう。その$\triangle ABC$の辺BC上に点Dを取ろう。」</p> <p>「できたね。では、そのときに辺ADを一辺とする新たな正三角形ADEを点Cの側に作ろう。」</p> <p>「誰か、前に出て点Dを取ってごらん。」</p> <p>「この点DがBCの上を動くときにこの点Eはどう動くか考えてみましょう。相談してもいいよ。」</p> <p>予想を聞いてみたり 発表したり工夫をして授業を進める。 多少考えが出たら 「パソコンを使うとわかりやすいと思うから、やってみようか」と動かして、支援をする。</p>	<p>正三角形シート & 正三角形のGCプロジェクター図</p> 	<p>話を聞く力 メモを取る力 (コミュニケーション能力)</p> <p>作図能力 (作業能力)</p> <p>思考能力</p> <p>(コミュニケーション能力)</p>
	まとめ	「今日のプリントに感想をまとめてみよう」	正三角形シートに感想を書く	反省する力

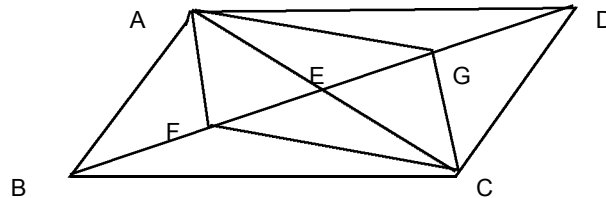
この授業を通して自分の考えを他人に伝えて、どうしたらそうなるのか、説明をしようとする生徒を育てる。

例題2

平行四辺形 $ABCD$ があるね。

この対角線の交点を E として、対角線 BD 上に $FE = GE$ となる点 F 、 G をとります。

すると、四角形 $AFCG$ はどんな四角形になるでしょうか？



これを平行四辺形になる条件を学習する前に問いかける。

この図形は〇〇だ。というためには定義を示す。

だから定義はおぼえていないといけない。

2つの直線が平行だと言うためには 〇〇を示さなければならない。

〇〇を示すためには $\times \times$ が等しくならなくてはいけない。

$\times \times$ は等しくなるには、三角形の合同がいえなくては成らない。

どの三角形の合同を用意すればいいのかを考える。

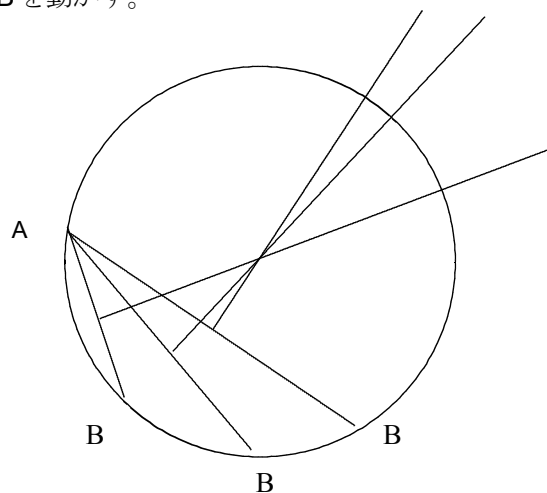
この手順をふまえた問題を繰り返し提示する中で、論証の仕組みと意義をマスターする。
決して丸暗記にはならないよう、配慮した論証の指導を計画する。

例題3

円の弦を描いて、その弦の両端 AB を動かす。

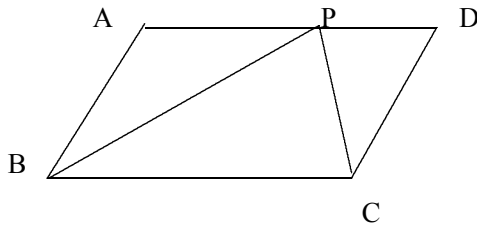
弦 AB の垂直二等分線を見ると

何か気がつくことはないだろうか。

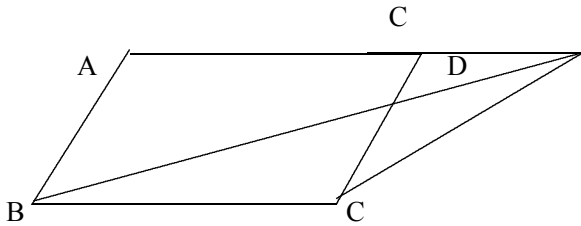


それが、定点を通ること。その定点が円の中心であることは、容易に想像できる。
それを、理由もつけて説明するとなるとどのような工夫が必要であろうか。

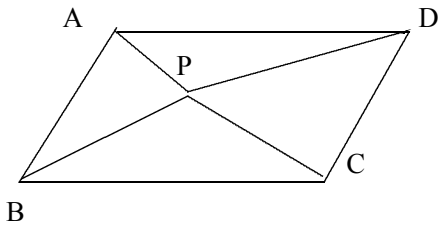
例題4



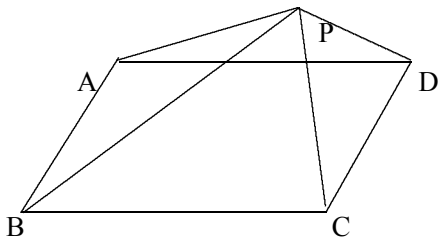
この図で
点 P が動くときの
中の三角形の関係は



左のように
点 P が動いたときは
どうなるのでしょうか。



また
このように P が
内部に入ったときはどうでしょうか。



三角形の関係を考えてみましょう。

例題5

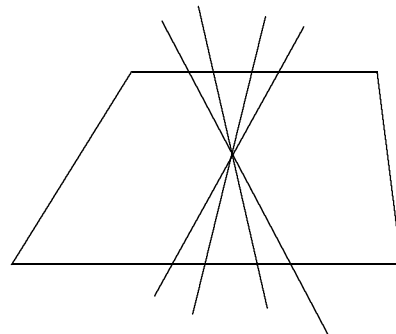
適当な台形の面積を

2等分する直線を考えてみましょう。

それらの直線を見ていると気がつくことは
何ですか。

また

そうなることを説明できますか。



また、ほかの四角形ではどうでしょうか。

例題6

二つの円 O O' が交わっているとき

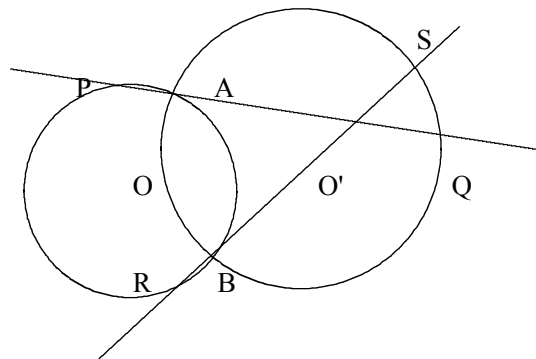
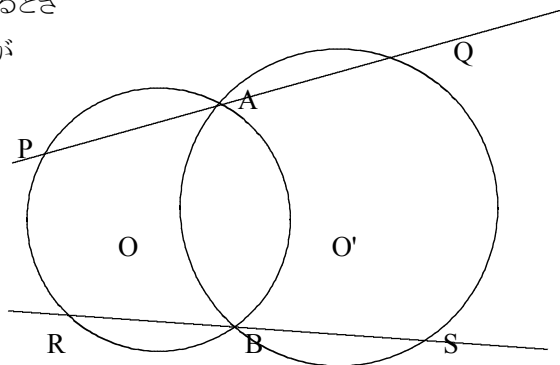
その交点 A B を通る直線が

2円と交わる点を図のように

P Q R S とするとき

気がつくことは何か。

また、その理由を示そう。



その他の例

任意の四角形の4つの辺の中点を結んでできる図形はどんな図形か。



中点連結の定理へ

特定の四角形の4つの辺の中点を結んでできる図形はどんな図形になるか。



場合分けと各四角形の定義について

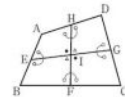
「鳩目返し」によってできる四角形にはどんな性質があるか。

【課題1】

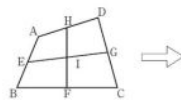
「はとめ返し」は、ヨーロッパで古くから伝えられている遊びです。「はとめ」とは、まんまるでクルクル動く鳩の目を意味しています。

右図のようなごく普通の四角形を、 A B C D の各辺の中点を E , F , G , H として EG , HF で切って四つの四角形に分割します。これらがバラバラにならないように、鳩目を打ち、ひもで結んでおきます。4点 A , B , C , D が中央に集まるように四つの四角形を裏返しにして並べます。このような操作を「はとめ返し」といいます。

さて、右の図は「はとめ返し」をすると、どんな図形になりますか。



(1) 予想してみましょう。



(2) はとめをつけずカードを切って組み合わせてできた図を、実際に作ってみて、右上にかきましょう。

実体験不足を補う、パソコンや操作活動の計画的導入。

正七角形がかけるか。

この問いに反応できる生徒がゆとり教育の真の姿。

360° が7で割り切れないからできない。というのは数学ではない。

動きのイメージをどう伝えるか

パソコンを利用した指導を生かす。

授業の中に、「なるほど。」とか「分かりそう。」を導く。

紙と鉛筆、コンパス・三角定規が基本

授業をどう評価するか？

他の人と意見交換をしたり操作や実験を試みる数学的活動

教師の評価から生徒相互の評価、そして自己評価への転換

スタンディング方式の採用

まとめ
